

Ohmscher Trik: $R = \frac{U}{I} [R] = 1\Omega \frac{V}{A}$

Leitwert: $G = \frac{1}{R} [G] = 1S$

Reihe Widerstände: I konst,

$$U_{ges} = U_1 + U_2 + \dots + U_n$$

Spannungsteiler: $\frac{U_1}{U_2} = \frac{R_1}{R_2}$ oder

$$U_2 = U * \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

Parallel Widerstände:

$I_{ges} = I_1 + I_2 + \dots + I_n$, U konstant

$$\frac{1}{R_{ges}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}$$

Stromteiler: $\frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2}{R_1}$, $I_2 = I * \frac{R_1}{R_1 + R_2}$

Gesamtwiderstand kleiner dem kleinsten Einzelwiderstand!

Elektrische Leistung: $P = U * I$,

$$P = \frac{W_{gs}}{T}, [P] = 1W = 1VA$$

Elektrische Arbeit: $W_{el} = U * I * t$,

$$W_{el} = U * Q \text{ (weil } Q = I * t \text{)}$$

Maschenaas: Die Summe der Spannungen einer Masche ist 0

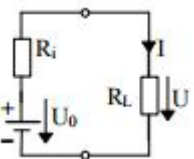
Knotensaas: Die Summe der Ströme in einem Knoten ist 0

Maschenstromverfahren: Maschen wählen, sodass gesuchtes nur in einer Masche ist, dann LGS lösen.

$Ax = B$ mit x als Vektor mit I und B als Vektor mit den Maschenspannungen

Grundstromk.: Klemmspannung U_0 ,

passiver Zweipol ist Verbraucher, aktiver ist Quelle.



Leitungen:

$U_h(0, t) = k_o * U_{q1}(t)$ (0 Anfang der Leitung)

$U_1(t) = k_a * U_1(s1, t)$ (nach dem auskoppeln, zb vor Gatter)

$U_h(s1, t) = U_h(0, t - \Delta t) = k_o * U_{q1}(t - \Delta t)$ (Ende der Leitung)

Elektrisches Feeeef:

$E = \frac{U}{d}$ (homogenes Feld)

$F = Q * E$ (homog. Kraft auf Ladung)

$$E = \frac{D}{\epsilon} = \frac{Q}{\epsilon A}$$

Feldlinien pos->neg, E bestimmt Dichte

$$E = \frac{Q}{4\pi\epsilon r^2} \text{ (Feld um Punktladung)}$$

$$U_{AB} = \int_A^B E * ds = \frac{W_{AB}}{Q} \text{ (Spannung, el.)}$$

Potential)

Strömungsfeld:

$D = \epsilon * E$ (Verschiebungsflusssdichte)

Feldlinien pos->neg, abh. von Q und A

$S = \kappa E$ (Stromdichte), κ Leitfähigkeit

$$S = \frac{I}{A}$$

$v = \frac{S}{\rho} = \frac{1}{\rho * A}$ (Elektronen im Leiter)

Magnetfeld:

$H = \frac{I}{2\pi r}$ (Eindrahleitung, Feldstärke)

$B = \mu * H$ (Magnetische Flusssdichte)

$$[B] = 1 \frac{kg}{As^2} = 1 \frac{N}{Am} = 1 \frac{Vs}{m^2} = 1T$$

$B = \mu * N * \frac{I}{l}$ (Spulenflusssdichte)

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{N_2}{N_1} \text{ (Trafo)}$$

$Q = \rho * V$ (Ladung pro Volumen)

$F = Q * v * B$ (Kraft auf Leiter)

Schwingkreis:

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \text{ (Spule und Kondensator)}$$

Wellenwiderstand:

Verhältnis Strom-/

Spannungsausbreitung, $R_W = \sqrt{\frac{L}{C}}$

Koaxialkabel:

$$D = \frac{Q}{2\pi r l}$$

$$C' = \frac{C}{S} = \frac{2\pi\epsilon_0\epsilon_r}{\ln(\frac{d_2}{d_1})} \quad L' = \frac{L}{a}$$

$$c_m = \frac{1}{\sqrt{LC'}} = \frac{c_0}{\sqrt{\epsilon_r\mu_r}} \Rightarrow \sqrt{L'} = \frac{\sqrt{\epsilon_r\mu_r}}{c_0\sqrt{C}}$$

$$R_W = \frac{\sqrt{\epsilon_r\mu_r}}{c_0\sqrt{C}} = \frac{\sqrt{\mu_r} \ln(\frac{d_2}{d_1})}{2c_0\pi\epsilon_0\sqrt{\epsilon_r}}$$

$$E(r) = \frac{Q}{2\pi r l \epsilon}$$

$$U = \frac{Q}{2\pi l \epsilon} \ln \frac{r_2}{r_1}, \epsilon = \epsilon_0\epsilon_r$$

Matrix invertieren:

$$A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} * A^T$$

Kondensator:

Kapazität:

$$C = \frac{Q}{U}, [C] = F = \frac{As}{V}$$

Feld: $E = \frac{1}{2} * C * U^2$ (Plattenkond.)

$Q = D * A$ (Für eine Platte mit Q, A)

Strom: $I = C * \frac{dU_c}{dt}$

Wenn eingeschwungen: $I_c = 0$

$$U_c(t) = K_1 + K_2 * e^{-\frac{(t-t_0)}{\tau}}$$

$$U_c(t_0) = K_1 + K_2$$

$$U_c(\infty) = K_1$$

Bei konstantem Strom (Stromquelle):

$$U_c(t) = \frac{1}{C} * I * (t - t_0) + U_c(t_0);$$

$t \sim 3\tau$ (~ Auflade / Entladezeit)

$$\tau = R * C$$

$$W_R = \int P_R(t) dt \text{ mit } P_R(t) = U_R^2 / R$$

Auf-/ Entladung über $R1$:

$$R_{1,U_{R1}}(t) = U_b * e^{-t/\tau}$$

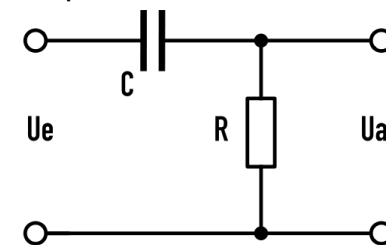
$$W_{R1} = \int_0^{\infty} \frac{U_{R1}^2(t)}{R_1} dt = \frac{1}{2} C * U_b^2$$

Zyklus (Auf UND Entladung) dann das * 2, d. h. $W_{ges} = C * U_b^2$

Verlustleistung:

$$\bar{P} = W_{ges} / T = C * U_b^2 * f$$

Hochpass:



Bei Tiefpass R und C vertauscht

	A	A	\bar{A}	\bar{A}	
B					D
\bar{B}					\bar{D}
$\bar{\bar{B}}$					D
	C	\bar{C}	$\bar{\bar{C}}$	C	

Optische Leitung:

$c = \lambda * f$, Lichtleistung:

$$L_p(\lambda) = 10 * \lg\left(\frac{P_e}{P_a}\right) (dB)$$

$$L_u(\lambda) = 20 * \lg\left(\frac{U_e}{U_a}\right) (dB)$$

$$P_a = \frac{P_e}{10^{(L_p(\lambda)/10)}}, L_p(\lambda) = \alpha * s$$

Elektrische Leitung:

Leitungseinkopplung:

$$k_0 = \frac{R_W}{R_W + R_i} - \text{Anpassung: } R_i = R_W$$

Leitungsauskopplung:

$$k_a = 1 + r_a = 1 + \frac{R_a - R_W}{R_a + R_W}$$

Mosfeef:

N-Kanal sperrt bei:

$$U_{GS} < U_t,$$

P-Kanal sperrt bei:

$$U_{GS} > U_t$$

N-Kanal: T.

Stromrichtung Drain

-> Source, $U_{SD} < 0$

P-Kanal: Source ->

Drain, $U_{SD} > 0$

I_E (Eingangstrom am Gate) IMMER 0!

Subthreshold /

Sperrbereich (n):

$$I_D = 0, U_{GS} < U_t$$

Aktiver Bereich (n-Kanal):

$$I_D = \beta * ((U_{GS} - U_t) * U_{DS} - \frac{1}{2} * U_{DS}^2)$$

$$U_{DS} \leq U_{GS} - U_t$$

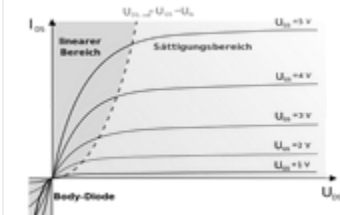
Pinch-off-Bereich (Einschnürbereich,

N-Kanal):

$$I_D = \frac{1}{2} * \beta * (U_{GS} - U_t)^2, U_{DS} > U_{GS} - U_t$$

Bei P-Mos Negativ davor.

Erst Pinch-Off testen! Sperrnd n-Kanal:

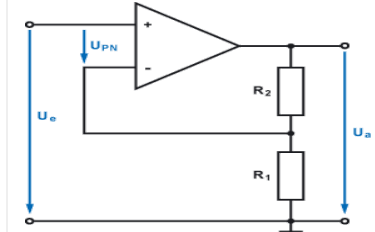


Konstante: $\beta = \frac{b}{l}$ (Kanalbreite / Läng)

Periodendauer: $T = 2 * (t_1 - t_0)$

Mealey-Automat: Mit Ein- und Ausgabe pro Kante, **Moore-Automat:** Nur Eingabezeichen pro Kante, Ausgabe hängt nur vom Zustand ab **sonst Autonomer Autom.**

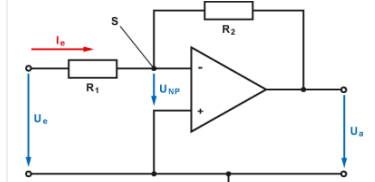
Nichtinvertierender OPV:



$$V_u = \frac{R_1 + R_2}{R_1} = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$

$$V_u = \frac{U_a}{U_e} \geq 1; R_i \sim \infty, R_a = 0$$

Invertierender OPV:



Impedanzwandler bei $R_2 = R_1 = 0\Omega$

$S =$ virtuelle Masse; $U_s = 0V$

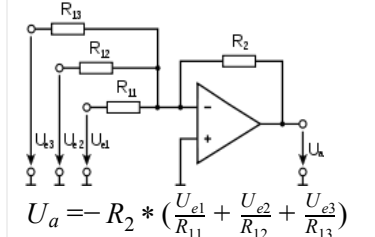
Ideal: $V_D = \infty, V_G = 0, R_a = 0$

$$V_u = \frac{U_a}{U_e} = -\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$$

Eingangswiderstand: $R_e = \frac{U_e}{I_e} = R_1$

(ideal: unendlich)

Addierer:



Schmitt-Trigger:

Entgegenwirken von Dispersion, Entprellen von Schaltern

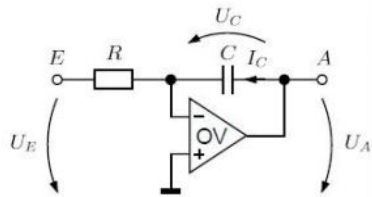
De-Morgan:

$$\overline{AB} = \bar{A} + \bar{B}, \overline{A+B} = \bar{A} * \bar{B}$$

$$\overline{\overline{ab}} = \overline{\bar{A} + \bar{B}}, a + b = \overline{\bar{A} * \bar{B}}$$

DNF zu KNF durch ablesen der Terme bei $y = 0$ und einmalige Negation
Bei KV Diagramm Potenzen von 2 zusammenfassen

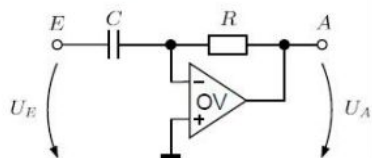
Integrier-Schaltung (invertierend)



$$I_C(t) = C \frac{dU_C(t)}{dt}$$

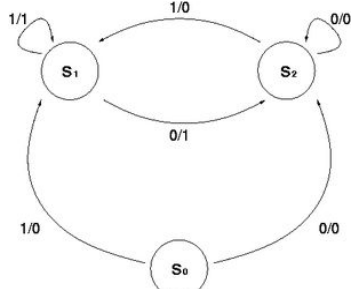
$$U_A(t) = U_A(t_0) - \frac{1}{R \cdot C} \int_{t_0}^t U_E(\tau) d\tau$$

Differenzier-Schaltung (invertierend)

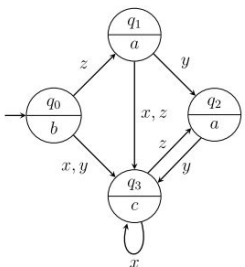


$$U_A(t) = -R \cdot C \frac{dU_E(t)}{dt}$$

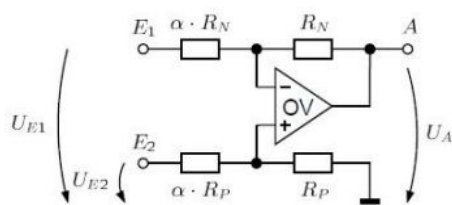
Mealy-Automat:



Moore-Automat:

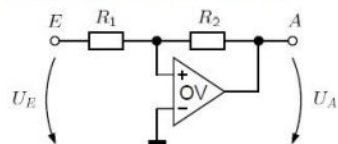


Subtrahier-Schaltung



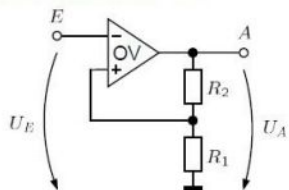
$$U_A = \frac{1}{\alpha} \cdot (U_{E2} - U_{E1})$$

Schmitt-Trigger (nichtinvertierend)



$$U_A = \begin{cases} U_{Amax} & \text{für } U_E > U_{SL} = \frac{R_1}{R_2} \cdot U_{Amin} \\ U_{Amin} & \text{für } U_E < U_{SH} = \frac{R_1}{R_2} \cdot U_{Amax} \end{cases}$$

Schmitt-Trigger (invertierend)



$$U_A = \begin{cases} U_{Amax} & \text{für } U_E < U_{SL} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot U_{Amin} \\ U_{Amin} & \text{für } U_E > U_{SH} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot U_{Amax} \end{cases}$$

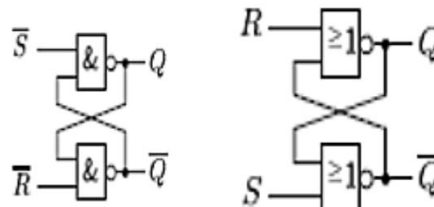
Aufladung Kondensator:

$$U_a(t) = k_1 + k_2(1 - e^{-\frac{t-t_0}{R \cdot C}})$$

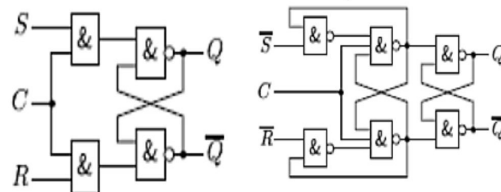
$$U_a(t) = (e^{-\frac{t-t_0}{R \cdot C}}) k_2 \text{ Startzustand}$$

Übergang	SR-FF	JK-FF	D-FF	T-FF
$Q \rightarrow Q^+$	S R	J K	D	T
0 0	0 X	0 X	0	0
0 1	1 0	1 X	1	1
1 0	0 1	X 1	0	1
1 1	X 0	X 0	1	0

RS-Basisflipflop (NAND, NOR), Asynchron:



Taktzustandsgesteuert / -1-Flanken:



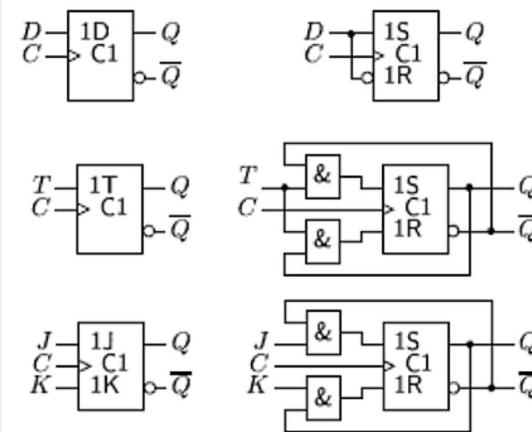
Wahrheitstabelle (taktflankengesteuertes JK-Flip-Flop)

C	K	J	Q ₁	Q ₂	Funktion
0 > 1	0	0	n	n	Speichern
0 > 1	0	1	1	0	Setzen
0 > 1	1	0	0	1	Rücksetzen
0 > 1	1	1	X	X	Wechseln (Toggeln)

Dispersion: Zerstreung - Wellen unterschiedlicher Wellenlängen breiten sich auf Leitungen unterschiedlich schnell aus (hohe Frequenz -> langsamer). Rechtecksignal - Zusammengesetzt aus Sinussignalen -> Bei Dispersion unterschiedlich schnell

Dämpfung: Minderung der Signalenergie beim Durchlaufen der Leitung (hohe f -> hohe Dämpfung)

Kurzzeichen	Name	Potenz
G	Giga	10 ⁹
M	Mega	10 ⁶
k	Kilo	10 ³
d	Dezi	10 ⁻¹
c	Centi	10 ⁻²
m	Milli	10 ⁻³
μ	Mikro	10 ⁻⁶
n	Nano	10 ⁻⁹
p	Pico	10 ⁻¹²



Dreieck am Clock: Taktflankengesteuert
Schalttafel: Eingabe, FlipFlop-Werte und FlipFlop-Parameter links, rechts Ausgabe und neue FlipFlop-Zustände

Maßeinheiten:

Physikalische Größe	Formelzeichen	Maßeinheit
Frequenz	f, ν	$\frac{1}{s} = Hz$ Hertz
Kreisfrequenz	ω	$\frac{rad}{s}$
Geschwindigkeit	v	$\frac{m}{s}$
Beschleunigung	a	$\frac{m}{s^2}$
Kraft	F	$kg \cdot \frac{m}{s^2} = N$ Newton
Druck	p	$\frac{kg}{m \cdot s^2} = \frac{N}{m^2} = Pa$ Pascal
Arbeit, Energie	W, E	$kg \cdot \frac{m^2}{s^2} = Nm = J$ Joule
Leistung	P	$kg \cdot \frac{m^2}{s^3} = W$ Watt
Wärme	Q	$kg \cdot \frac{m^2}{s^2} = Nm = J$ Joule
elektrische Ladung	Q_e	$A \cdot s = C$ Coulomb
elektrische Spannung	U	$\frac{kg \cdot m^2}{As^2} = \frac{W}{A} = V$ Volt
elektrischer Widerstand	R	$\frac{kg \cdot m^2}{As^3} = \frac{V}{A} = \Omega$ Ohm
Kapazität	C	$\frac{kg \cdot m^2}{As^4} = \frac{C}{V} = F$ Farad
magnetische Induktion	B	$\frac{kg}{As^2} = T$ Tesla
Induktivität	L	$\frac{kg \cdot m^2}{As^2} = H$ Henry
Lichtstärke	L	$\frac{cd}{sr}$ Candela
Energiedosis	D	$\frac{m^2}{s^2} = Gy$ Gray
Aktivität	A	$\frac{1}{s} = Bq$ Bequerel

Konstanten:

- $c = 2,998 \cdot 10^8 \frac{m}{s}$ (Vakuum, Leitung ca. 2*...)
- $e = 1,602 \cdot 10^{-19} As$ (Elementarladung)
- $h = 6,626 \cdot 10^{-34} Js$ (Plancksches Quantum)
- $\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm}$ (Elektrische Feldk.)
- $\mu_0 = 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \frac{Vs}{Am}$ (Magnetische Feldk.)